АЛЁШКИН А.П.

ПОВЫШЕНИЕ ТОЧНОСТИ И УСТОЙЧИВОСТИ ФУНКЦИОНИРОВАНИЯ СЛЕДЯЩЕГО ИЗМЕРИТЕЛЯ НАПРАВЛЕНИЯ НА ОСНОВЕ МЕТОДОВ СМЕЩЕННОГО ОЦЕНИВАНИЯ

Предложено повысить точность и устойчивость функционирования углового дискриминатора за счет коррекции его выходного сигнала по принципу формирования оценки с наименьшей полной квадратичной ошибкой. Приведено аналитическое выражение плотности вероятности указанной оценки, позволяющее оценить ее эффективность и определить условия наилучшего применения.

В основе существующих процедур статистической обработки данных лежит оценивание параметров по методу максимального правдоподобия. Такая оценка обладает свойствами асимптотической несмещенности и эффективности, проявляющимися при неограниченном росте объема измерений. Единственный путь повышения точности оценивания в условиях малоинформативной измерительной выборки состоит в отказе от соблюдения требования несмещенности и переходе к методам смещенного оценивания.

В соответствии с методом регуляризации, одним из распространенных является следующий вариант смещенной оценки $x_p = rx_{\rm MMH}$ параметра x, где r — коэффициент редукции, $x_{\rm MMH}$ — максимально правдоподобная оценка.

Полная квадратичная ошибка для оценки x_n имеет вид

$$f(x_p) = (r-1)^2 x^2 + r^2 \sigma^2 = \sigma^2 \{ (r-1)^2 \delta^2 + r^2 \},$$

где $\sigma = \sigma(x_{\text{ммп}})$ — среднеквадратичное отклонение, $\delta = x/\sigma$.

Как показывают исследования, при значениях $\delta < \sqrt{2}$ значения полной квадратичной ошибки смещенной оценки оказываются меньше дисперсии несмещенного оценивания. Например, при x=1, $\sigma(x_{\text{ммп}})=1$, r=0,5 выигрыш составляет два раза.

Физический анализ природы получения выигрыша от применения сжимающих процедур показывает, что коэффициент редукции r должен строиться на информации о прогнозируемом значении оцениваемого параметра. С этих позиций понятно, что оптимальное значение опоры совпадает с истинной величиной искомого параметра. Если же оно неизвестно, то логично предположить, что истинное значение искомого параметра может быть заменено максимально близким к нему значением несмещенной оценки. Тогда редуцированная оценка примет вид

